



## بررسی ارتعاش آزاد سه بعدی ورق های حلقوی لایه ای ضخیم با مواد هدفمند خواص متغیر واقع بر بستر الاستیک به روش دیفرانسیل کوادریچر

محمود میری<sup>۱</sup>، ناصر صفائیان حمزه کلانی<sup>۲</sup>، مرتضی کاظمی تربقان<sup>۳</sup>

۱- استادیار گروه مهندسی عمران، دانشگاه سیستان و بلوچستان، زاهدان، ایران

۲- دانشجوی دکتری عمران-سازه، دانشگاه سیستان و بلوچستان، زاهدان، ایران

[mmiri@hamoon.usb.ac.ir](mailto:mmiri@hamoon.usb.ac.ir)

[naser\\_safaician@yahoo.com](mailto:naser_safaician@yahoo.com)

[kazemi.mkt@gmail.com](mailto:kazemi.mkt@gmail.com)

### خلاصه

در این تحقیق، ارتعاش آزاد سه بعدی ورق های حلقوی ساخته شده از مواد هدفمند خواص متغیر<sup>۳</sup> (FGMs) و واقع بر بستر الاستیک، بر اساس تئوری الاستیسیته مورد بررسی قرار گرفته است. با فرض توزیع توانی برای خواص مادی ورق، معادلات حرکت و شرایط مرزی بین سطوح مشترک لایه ها با استفاده از اصل هامیلتون<sup>۴</sup> به دست آمده و توسط روش دیفرانسیل کوادریچر<sup>۵</sup> (DQM)، حل شده اند. ابتدا همگرایی و دقت بسیار بالای روش نشان داده شده است. سپس با در نظر گرفتن سه نوع سیستم لایه بندی مختلف، اثر پارامترهای مختلف هندسی، توزیع خواص مادی و سختی بستر الاستیک بر فرکانس های ارتعاشی ورق مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج نشان می دهند که با افزایش قیود مرزی، افزایش نسبت ضخامت به شعاع، افزایش نسبت شعاع داخلی و همچنین افزایش پارامترهای سختی بستر الاستیک، فرکانس های طبیعی ارتعاش ورق افزایش می یابند.

کلمات کلیدی: ارتعاش آزاد، ورق حلقوی لایه ای، مواد هدفمند خواص متغیر، تئوری الاستیسیته، دیفرانسیل کوادریچر.

### ۱. مقدمه

جهت رفع مشکل تمرکز تنش و جدایش در کامپوزیت ها و مواد مرکب لایه ای، دانشمندان علم مواد در سال ۱۹۸۴ مواد با خواص متغیر که ترکیبات با ریز ساختار ناهمگن بوده و خواص مکانیکی آن ها به طور پیوسته در حجم جسم تغییر می کند را پیشنهاد نمودند. ورق های خواص متغیر، با توجه به نوع مواد به کار رفته و نحوه قرارگیری ذرات ماده در آن ها، از مقاومت حرارتی و مکانیکی بالاتری نسبت به سایر ورق ها برخوردار می باشند. اکثر تحقیقات انجام شده در مورد ارتعاش آزاد، در رابطه با ورق های نازک و براساس تئوری های دو بعدی نظیر تئوری کلاسیک<sup>۶</sup> [۱-۲] و تئوری تغییر شکل برشی مرتبه اول<sup>۷</sup> می باشند [۳-۴]. نکته قابل توجه این که در تئوری های دو بعدی بعضی مودهای فرکانسی پوشش داده نمی شوند و با بررسی مودهای بالاتر، اختلاف بین نتایج روش های تقریبی دو بعدی با نتایج حاصل از تئوری الاستیسیته (بخصوص برای ورق های ضخیم تر)، افزایش می یابد. همچنین برخی از شرایط مرزی را نیز نمی توان با این تئوری ها به خوبی مدل کرد. استفاده از تئوری الاستیسیته، برای مطالعه رفتار سازه نتایج دقیق تری ارائه می کند [۵-۹]. ضمناً کلیه تحقیقات ذکر شده [۱-۸]، مرتبط با ارتعاش آزاد ورق تک لایه ای دایروی یا حلقوی بوده، لذا در این تحقیق ارتعاش آزاد ورق حلقوی لایه ای ساخته شده از مواد هدفمند خواص متغیر واقع بر بستر الاستیک مورد بررسی قرار گرفته است. یکی از نکات قابل توجه در مطالعه رفتار ورق ها این است که گاهی اوقات این اجزای سازه ای بر روی شالوده هایی مثل پایه ماشین آلات و یا مخازن واقع بر خاک و غیره

<sup>۱</sup> عضو هیئت علمی دانشگاه سیستان و بلوچستان

<sup>۲</sup> مدرس دانشگاه آزاد اسلامی واحد زاهدان

<sup>۳</sup> Functionally graded materials (FGMs)

<sup>۴</sup> Hamilton principles'

<sup>۵</sup> Differential quadrature method (DQM)

<sup>۶</sup> Classical plate theory (CPT)

<sup>۷</sup> First order shear deformation theory (FSDT)