

## بررسی کارایی یک پیشنهاد متعارف انتخاب اندازه گام زمانی در تحلیل تاریخچه زمانی ساختمان‌های میان مرتبه

سعید امیری

دانشجوی کارشناسی ارشد، پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله، تهران، ایران  
s.amiri@iiees.ac.ir

علی بیانی

دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشگاه پویندگان دانش، چالوس، ایران  
ariancivil@yahoo.com

آرام سروشیان

عضو هیأت علمی، پژوهشکده مهندسی سازه، پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله، تهران، ایران  
a.soroushian@iiees.ac.ir

کلید واژه‌ها: تحلیل لرزه‌ای، انتگرال‌گیری گام به گام، اندازه گام زمانی، دقت، رفتار خطی

### چکیده

انتگرال‌گیری گام به گام عملاً توانمندترین روش حل معادلات نیم گسسته حرکت است. اندازه گام زمانی انتگرال‌گیری بر دقت پاسخ‌ها و هزینه محاسباتی تأثیرگذار است؛ بطوریکه در تحلیل‌های خطی با کاهش اندازه گام زمانی انتگرال‌گیری، دقت پاسخ‌ها و هزینه محاسباتی هر دو افزایش می‌یابند. در نتیجه، انتخاب مناسب اندازه گام زمانی انتگرال‌گیری برای دستیابی به دقت مطلوب و هزینه محاسباتی نسبتاً پایین ضروری است. در این مقاله، با ارائه شواهدی عددی نشان داده شده است که پیشنهاد متعارف ادبیات فنی در مورد انتخاب اندازه گام زمانی انتگرال‌گیری در تحلیل‌های خطی، لزوماً منجر به خطاهایی مشخص و کوچک نمی‌شود، و با توجه به مواردی نظیر نوع سیستم سازه‌ای، هندسه سازه، تحریک ورودی، و پاسخ مورد بررسی، خطاهای پاسخ‌ها متفاوت هستند. در سازگاری با ادبیات فنی، مشاهدات مختصراً تفسیر شده، تعمیم داده شده‌اند.

### مقدمه

برای مطالعه رفتارهای لرزه‌ای سیستم‌های سازه‌ای، پس از تعریف مدل‌های ریاضی، و گسسته‌سازی آنها در فضا، حل مسائل مقدار اولیه حاصله در زمان معمول است، نمونه کلی این مسائل مقدار اولیه به صورت زیر است (Henrych 1990) (Argyris and Mlejnek 1991) (Belytschko et al., 2000):

$$\mathbf{M}\ddot{\mathbf{u}}(t) + \mathbf{f}_{\text{int}} = \mathbf{f}(t), \quad 0 \leq t \leq t_{\text{end}}$$

$$\text{شرایط اولیه} : \begin{cases} \mathbf{u}(t_0) = \mathbf{u}_0 \\ \dot{\mathbf{u}}(t_0) = \dot{\mathbf{u}}_0 \\ \mathbf{f}_{\text{int}}(t_0) = \mathbf{f}_{\text{int}_0} \end{cases}, \quad (1)$$

Q: فیود

در معادله (1)،  $t$  و  $t_{\text{end}}$  بیانگر زمان و مدت زمان مورد مطالعه رفتار دینامیکی،  $\mathbf{M}$  ماتریس جرم،  $\mathbf{f}_{\text{int}}$  و  $\mathbf{f}$ ، معرف بردارهای نیروهای داخلی و تحریک خارجی،  $\mathbf{u}$  و  $\dot{\mathbf{u}}$  به معنی بردارهای جابجایی، سرعت، و شتاب،  $\mathbf{u}_0$ ،  $\dot{\mathbf{u}}_0$  و  $\mathbf{f}_{\text{int}_0}$ ، مؤید شرایط اولیه مدل ریاضی، زیرنویس 0

