



## محاسبه فرکانسهای طبیعی ارتعاش سازه های فضاکار بدون حرکت جانبی با استفاده از ضرب کارتزین

پروفسور علی کاوه<sup>۱</sup>، وفا مرسلی<sup>۲</sup>

۱- استاد دانشکده عمران دانشگاه علم و صنعت ایران

۲- عضو هیئت علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد سقز

[Vafa.morsali@yahoo.com](mailto:Vafa.morsali@yahoo.com)

### خلاصه

با توجه به اینکه بسیاری از مدل‌های سازه‌ای را می‌توان بصورت ضرب دو یا سه زیر‌گراف نمایش داد، در این مقاله مدل‌های سازه‌ای فضاکار منظم که قابل تعریف با این ضربها هستند انتخاب شده و فرکانسهای ارتعاشی این مدل‌ها با ارائه روش‌های جدیدی محاسبه می‌شود، برخی از این ضربها شامل ضربهای مستقیم، کارتزین و کارتزین قوی می‌باشد، در این تحقیق سازه موردنظر بوسیله ضرب کارتزین به زیرسازه‌هایی تجزیه شده و از خواص این زیرسازه‌ها استفاده کرده و فرکانسهای آزاد ارتعاش محاسبه می‌شوند، نتیجه استفاده از این روشها افزایش دقت محاسبات و کاهش زمان محاسبات را بانه‌ای خواهد بود.

**کلمات کلیدی:** گراف، ضرب کارتزین، مقادیر ویژه، گراف وزن دار، سازه‌های فضاکار.

### ۱. مقدمه

تئوری گرافها یکی از شاخه‌های ریاضیات است که در سال ۱۷۳۶ توسط اویلر پایه گذاری شد، در دنیای اطراف خود وضعیتهای زیادی را می‌توان بوسیله مجموعه‌ای از نقاط و اعضا که این نقاط را به هم مرتبط می‌کنند نشان داد، ساده‌ترین مثال در این مورد رابطه دوستی بین انسانها است که آدمها نقاط این مجموعه و رابطه بین آنها اعضای مجموعه را تشکیل می‌دهند، گراف از بسیاری از علوم و مهندسی مانند عمران، برق، مکانیک و غیره دارای کاربرد می‌باشد.

کاربرد گرافها در مباحث مربوط به پایداری و تحلیل دینامیکی سازه‌ها را می‌توان در کارهای کاوه و سیاری نژاد [۴]، کاوه و سلیم بهرامی [۵و۶] مشاهده کرد، ضرب گرافها که یکی از مباحث گرافها است که در بسیاری از مباحث از جمله مرتب از جمله مرتب سازی گرهی [۳]، محاسبه مقدار ویژه دوم و بردار فیدلر [۷] کاربرد دارد، در این تحقیق از ضرب کارتزین جهت بدست آوردن مولدهای یک گراف اصلی استفاده می‌شود، همچنین از رابطه بین مقادیر ویژه یک گراف با مقادیر ویژه مولدهای آن استفاده کرده و در نهایت پس از تجزیه گراف اصلی از خواص مولدها جهت محاسبه فرکانسهای طبیعی سازه‌های منظم بدون حرکت جانبی استفاده می‌شود، که نتیجه آن کاهش زمان و افزایش دقت محاسبات را بانه‌ای می‌باشد.

### ۲. تعریف

یک گراف  $S$  شامل یک مجموعه  $(S)$  از المان‌ها که گره (رأس یا نقطه) و یک مجموعه  $(M)$  از المان‌ها که اعضاء یا لبه‌ها نامیده می‌شود. هر عضو دارای دو گره است که هر دو گره که عضو را تشکیل می‌دهند، انتهای‌های آن عضو نامیده می‌شود. اگر دو گره از یک گراف به وسیله‌ی عضوی به هم وصل شوند، آن دو گره را همسایه گویند و یک عضو با یک گره منطبق است اگر آن گره یک انتهای برای آن عضو باشد. دو عضو در صورتی منطبق هستند اگر آن دو عضو حداقل در یک گرهی انتهایی با هم مشترک باشند.

درجه یک گره  $n_i$  که با  $\deg(n_i)$  نوشته می‌شود، برابر است با تعداد اعضایی که به آن گره منطبق است.

یک زیرگراف  $S$  از گراف  $S$ ، یک گراف است به طوری که :